

Electric Drives  
Laboratory  
DII - UniPD

# Azionamenti Elettrici

Lezioni a.a. 2022-2023

prof. Silverio Bolognani

PARTE IV

# Macchina asincrona (Macchina a induzione)

## Controllo ad orientamento di campo (Flux model, FOC indiretto)

## Velocità di scorrimento $\omega_{dq}^r$ degli assi dq per il FOC

Equazioni di rotore già viste in  $d^xq^x$

$$\begin{cases} 0 = R_r \mathbf{i}_r^x + \frac{d\lambda_r^x}{dt} + j(\omega_x - \omega_{me}) \lambda_r^x \\ \lambda_r^x = L_r \mathbf{i}_r^x + L_M \mathbf{i}_s^x \end{cases} \quad \longrightarrow \quad \mathbf{i}_r^x = \frac{\lambda_r^x}{L_r} - \frac{L_M}{L_r} \mathbf{i}_s^x$$

Sostituendo nella prima equazione:

$$0 = \frac{R_r}{L_r} \lambda_r^x - \frac{R_r}{L_r} L_M \mathbf{i}_s^x + \frac{d\lambda_r^x}{dt} + j\omega_x^r \lambda_r^x$$

## Velocità di scorrimento $\omega_{dq}^r$ degli assi dq per il FOC

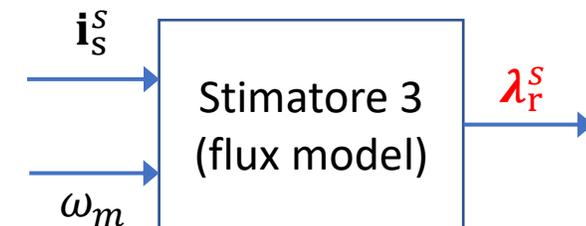
Scomponendo delle due equazioni d e q:

$$\left\{ \begin{array}{l} 0 = \frac{R_r}{L_r} \lambda_{rd}^x - \frac{R_r}{L_r} L_M i_{sd}^x + \frac{d\lambda_{rd}^x}{dt} - \omega_x^r \lambda_{rq}^x \\ 0 = \frac{R_r}{L_r} \cancel{\lambda_{rq}^x} - \frac{R_r}{L_r} L_M i_{sq}^x + \cancel{\frac{d\lambda_{rq}^x}{dt}} + \omega_x^r \lambda_{rd}^x \end{array} \right. \Rightarrow \omega_x^r = \omega_x - \omega_{me} = \frac{R_r}{L_r} L_M \frac{i_{sq}^x}{\lambda_{rd}^x}$$

Se sono in FOC  $\lambda_{rq} \equiv 0$

- Quando sono in orientamento di campo (dq orientato con il flusso rotorico) la  $\omega_{dq}^r = \omega_\lambda^r$  è pari al valore  $\omega_x^r$  sopra calcolato (sfrutto per 3^o metodo diretto: “modello di flusso” )
- Se impongo una  $\omega_{dq}^r$  pari al valore  $\omega_x^r$  sopra calcolato il flusso  $\lambda_{3q}^x$  risulterà nullo e quindi sono in orientamento di campo (metodo indiretto (*metodo feedforward*) per imporre il FOC)

## Metodo diretto 3): Stima del vettore $\lambda_r^s$ da $i_s^s$ e $\omega_m$ (Flux model)

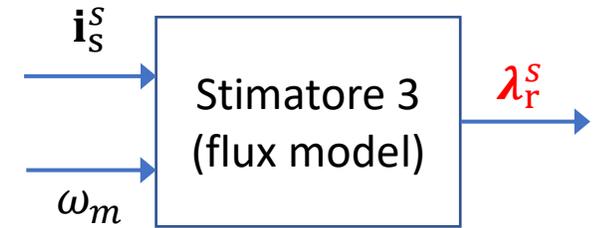


E' basato sulla seguente sequenza di equazioni

- $$\mathbf{i}_s^\lambda = \mathbf{i}_s^s e^{-j\vartheta_\lambda^s} = i_{sd}^\lambda + j i_{sq}^\lambda$$

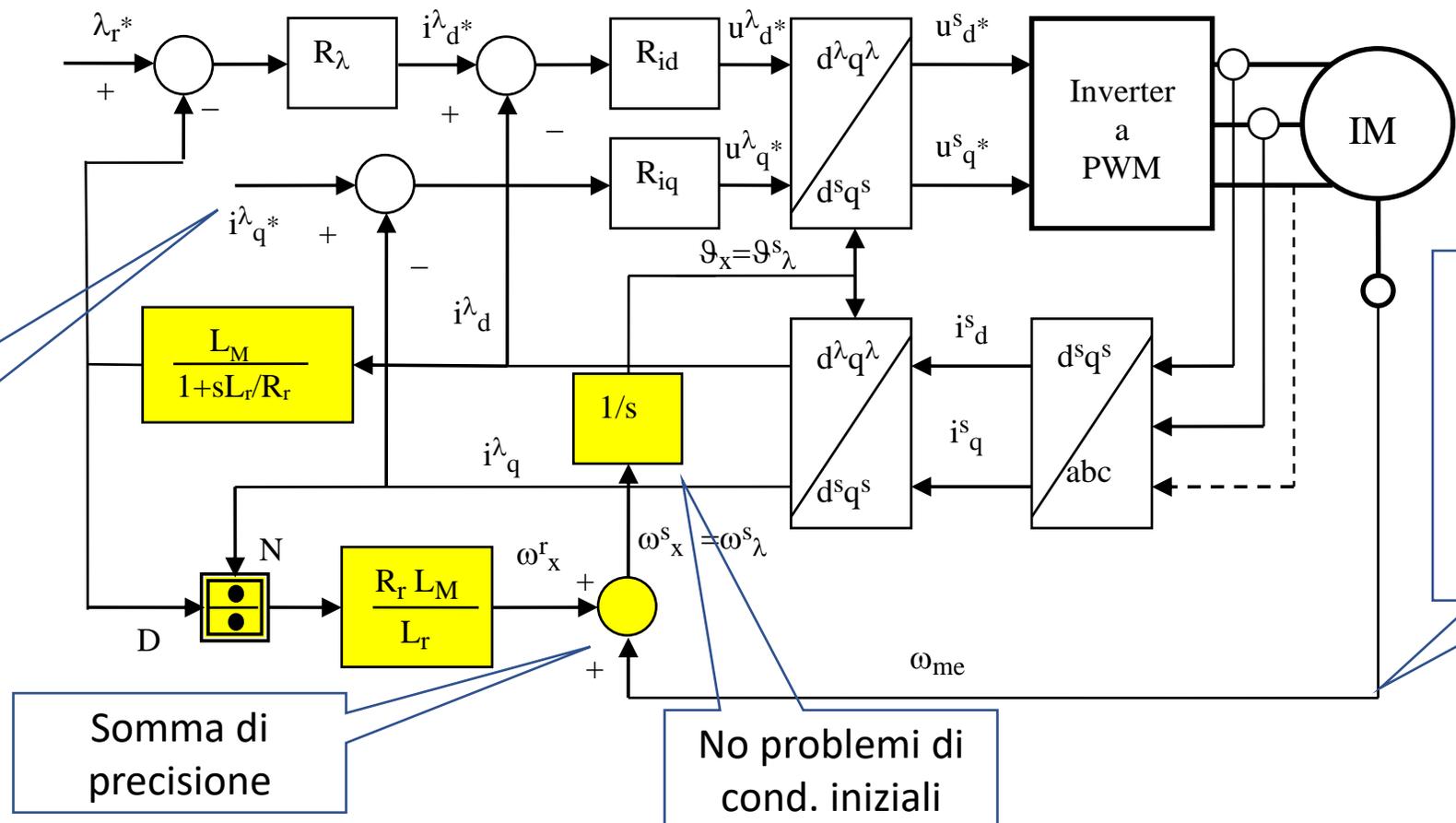
misurata
- $$\lambda_r + \frac{L_r}{R_r} \frac{d\lambda_r}{dt} = L_M i_{sd}^\lambda$$
- $$R_r \frac{L_M}{L_r} \frac{i_{sq}^x}{\lambda_r} = \omega_\lambda^r$$
- $$\omega_\lambda^s = \omega_\lambda^r + \omega_{me} \quad \longrightarrow \quad \vartheta_\lambda^s = \int_0^t \omega_\lambda^s dt$$

# Metodo diretto 3): Stima del vettore $\lambda_r^s$ da $e$ $i_s^s$ e $\omega_m$ (Flux model)



Schema a blocchi

Lo stimatore è costituito dai blocchi evidenziati



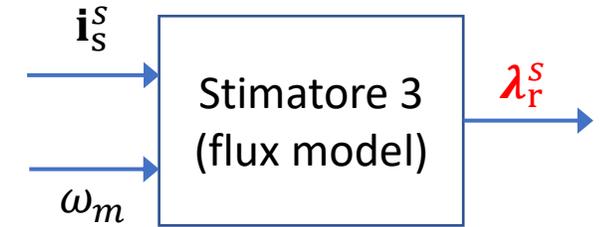
Riferimento di «coppia»

Somma di precisione

No problemi di cond. iniziali

Misura di velocità anche in assenza di anello di velocità

**Metodo diretto 3): Stima del vettore  $\lambda_r^s$  da  $i_s^s$  e  $\omega_m$**   
**(Flux model)**



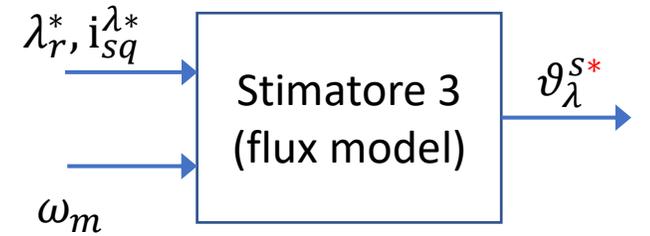
Analisi delle prestazioni

Lo stimatore basato sul “Flux model” ha le stesse prestazioni dello stimatore 2 (sensibilità parametrica, parametri coinvolti, campo di funzionamento).

Fornisce sia modulo che angolo del flusso rotorico. Ed **anche velocità** di rotazione dello stesso.

La sua concezione più intuitiva lo fa preferire allo stimatore 2.

## Metodo indiretto (Feed forward Flux model)

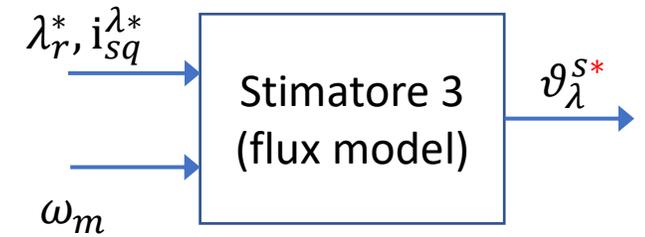


E' basato sulle seguenti poche equazioni, a partire dai **referimenti** di flusso e di corrente, oltre che dalla velocità misurata.

- $R_r \frac{L_M}{L_r} \frac{i_{sq}^{\lambda^*}}{\lambda_r^*} = \omega_{\lambda}^{r^*}$
- $\omega_{\lambda}^{s^*} = \omega_{\lambda}^{r^*} + \omega_{me} \quad \longrightarrow \quad \vartheta_{\lambda}^{s^*} = \int_0^t \omega_{\lambda}^{s^*} dt$



## *Metodo indiretto (Feed forward Flux model)*



### Analisi delle prestazioni

Lo schema del FOC indiretto ha le stesse prestazioni dello stimatore 2 e del Flux model (sensibilità parametrica, parametri coinvolti, campo di funzionamento).

Fornisce l'angolo del flusso rotorico e la velocità di rotazione dello stesso.

La sua struttura elementare e l'uso di grandezze di riferimento invece che misurate (disturbate) lo ha reso molto diffuso.

## *Effetto dell'errato calcolo della velocità di scorrimento in azionamenti ad orientamento di campo indiretto*

Si analizza l'effetto sul flusso rotorico: si riprendano le equazioni di rotore in un generico sistema di riferimento

$$\begin{cases} 0 = \frac{R_r}{L_r} \lambda_{rd}^x - \frac{R_r}{L_r} L_M i_{sd}^x + \frac{d\lambda_{rd}^x}{dt} - \omega_x^r \lambda_{rq}^x \\ 0 = \frac{R_r}{L_r} \lambda_{rq}^x - \frac{R_r}{L_r} L_M i_{sq}^x + \frac{d\lambda_{rq}^x}{dt} + \omega_x^r \lambda_{rd}^x \end{cases}$$

Se imponiamo correnti costanti in questo sistema di riferimento, avremo flussi costanti e quindi a regime le equazioni diventano così:

$$\begin{cases} \frac{R_r}{L_r} \Lambda_{rd}^x - \Omega_x^r \Lambda_{rq}^x = \frac{R_r}{L_r} L_M I_{sd}^x \\ \frac{R_r}{L_r} \Lambda_{rq}^x + \Omega_x^r \Lambda_{rd}^x = \frac{R_r}{L_r} L_M I_{sq}^x \end{cases}$$

# Effetto dell'errato calcolo della velocità di scorrimento in azionamenti ad orientamento di campo indiretto

Risolvendo

$$\Lambda_{rd}^x = L_M \frac{\frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r I_{sq}^x + I_{sd}^x}{1 + \left( \frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r \right)^2}$$

$$\Lambda_{rq}^x = L_M \frac{I_{sq}^x - \frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r I_{sd}^x}{1 + \left( \frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r \right)^2}$$

NB: E' nullo per  $\Omega_x^r$  pari a  $(R_r/L_r) * (I_{sq}^x/I_{sd}^x)$  che è la condizione di FOC a regime:

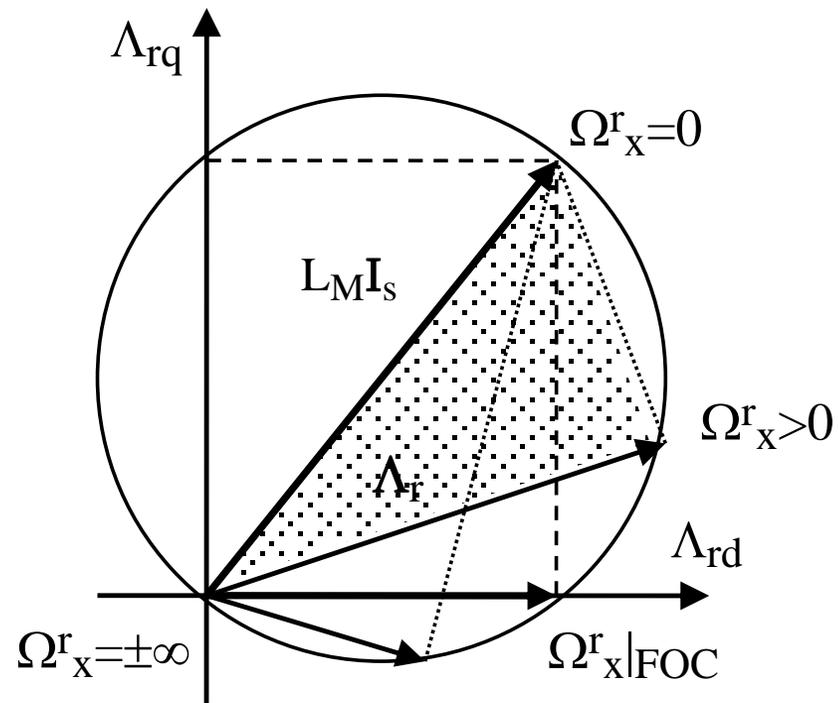
$$R_r \frac{L_M i_{sq}^x}{L_r \lambda_r} = \omega_\lambda^r$$

## *Effetto dell'errato calcolo della velocità di scorrimento in azionamenti ad orientamento di campo indiretto*

Sono le equazioni parametriche di un cerchio

$$\Lambda_{rd}^x = L_M \frac{\frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r I_{sq}^x + I_{sd}^x}{1 + \left( \frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r \right)^2}$$

$$\Lambda_{rq}^x = L_M \frac{I_{sq}^x - \frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r I_{sd}^x}{1 + \left( \frac{L_r}{R_r} \Omega_x^r \right)^2}$$



# Effetto dell'errato calcolo della velocità di scorrimento in azionamenti ad orientamento di campo indiretto

Il triangolo ombreggiato ha area  $\cong I_s \Lambda_r \sin(\text{angolo compreso}) \cong \text{Coppia}$

