

Electric Drives  
Laboratory  
DII - UniPD

# Azionamenti Elettrici

Lezioni a.a. 2020-2021

prof. Silverio Bolognani

PARTE IV

# Macchina asincrona (Macchina a induzione)

## Introduzione al controllo

## Equazioni in $d^x q^x$

$$\mathbf{u}_S^x = R_S \mathbf{i}_S^x + \frac{d\lambda_S^x}{dt} + j\omega_x \lambda_S^x$$

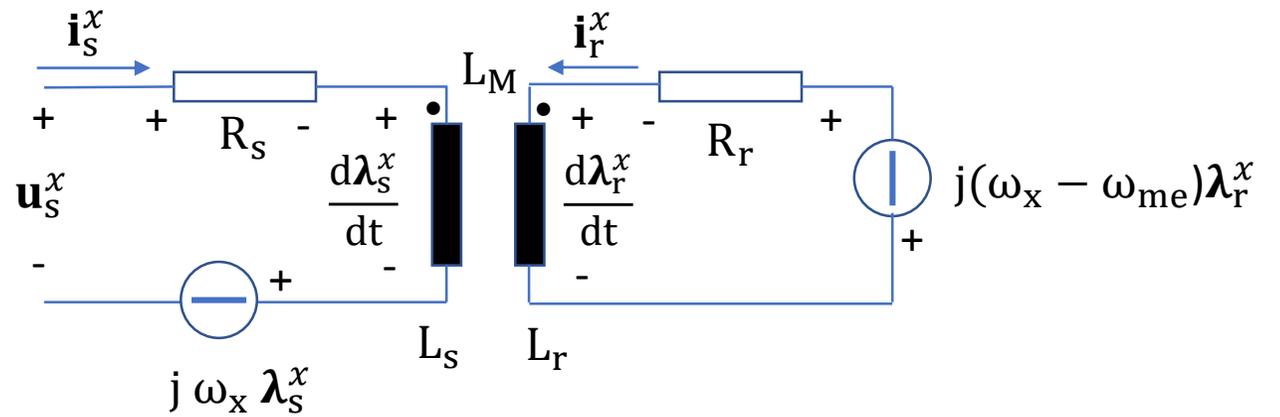
$$0 = R_r \mathbf{i}_r^x + \frac{d\lambda_r^x}{dt} + j(\omega_x - \omega_{me}) \lambda_r^x$$

$$\lambda_S^x = L_S \mathbf{i}_S^x + L_M \mathbf{i}_r^x$$

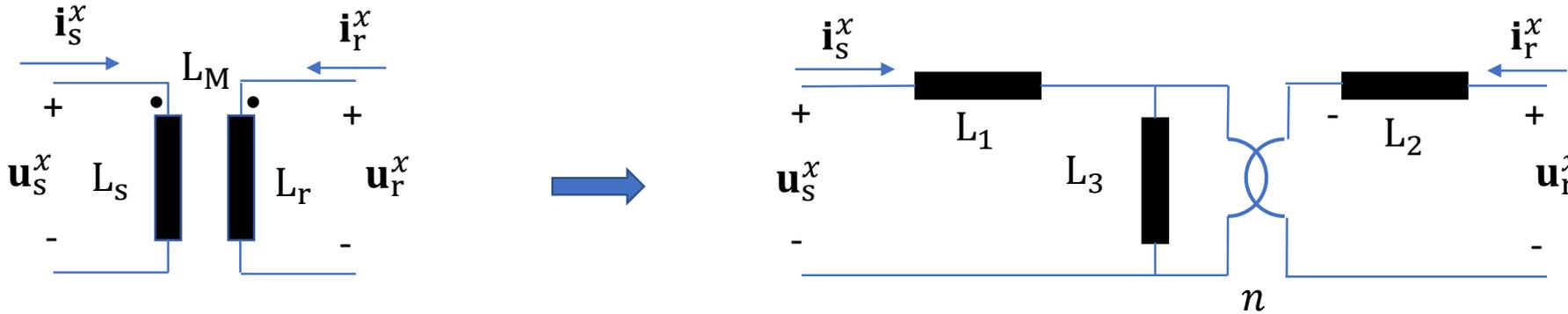
$$\lambda_r^x = L_M \mathbf{i}_S^x + L_r \mathbf{i}_r^x$$

$$\mathbf{u}_S^S = R_S \mathbf{i}_S^S + L_S \frac{d\mathbf{i}_S^S}{dt} + L_M \frac{d\mathbf{i}_r^S}{dt} + j\omega_x \lambda_S^x$$

$$0 = R_r \mathbf{i}_r^S + L_M \frac{d\mathbf{i}_S^S}{dt} + L_r \frac{d\mathbf{i}_r^S}{dt} + j(\omega_x - \omega_{me}) \lambda_r^x$$



## Modellazione del mutuo accoppiamento



Se opportuno, le grandezze di rotore possono essere riportate allo statore, eliminando il trasformatore ideale.

$$L_s = L_1 + L_3$$

$$L_M = L_3/n$$

$$L_r = L_2 + L_3/n^2$$

$$L_3 = n L_M$$

$$L_1 = L_s - n L_M \quad \forall n \Rightarrow L_3, L_1, L_2$$

$$L_2 = L_r - L_M/n$$

$$(p.es. n=1 \Rightarrow L_3=L_M, L_1=L_s-L_M, L_2=L_r-L_M)$$

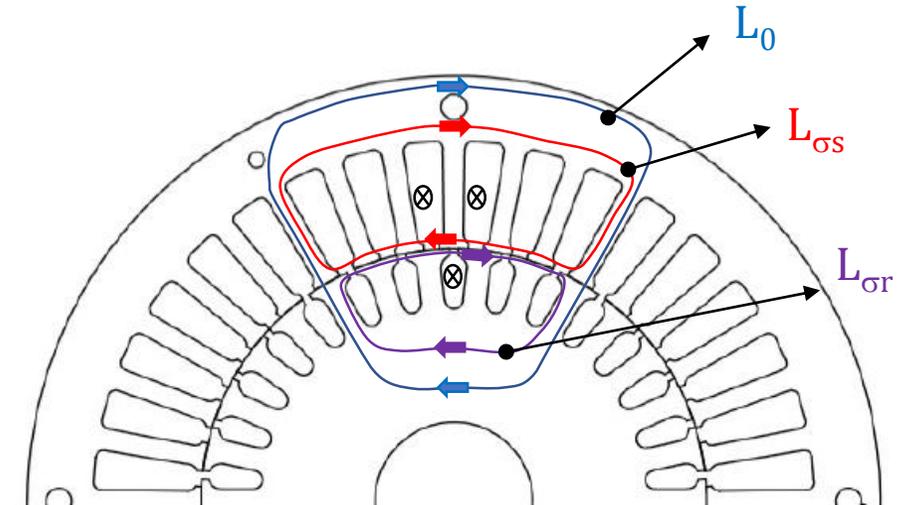
*Scelta di n (si immaginano diverse configurazione delle mappe delle linee di campo, fermo restando i flussi concatenati per date correnti)*

$n = (N_s / N_r)$

$L_3 = (N_s / N_r) L_M = L_0 = \text{induttanza principale}$

$L_1 = L_s - (N_s / N_r) L_M = L_{\sigma s} \quad \text{induttanza di dispersione di statore}$

$L_2 = L_r - L_M / (N_s / N_r) = L_{\sigma r} \quad \text{induttanza di dispersione di rotore}$

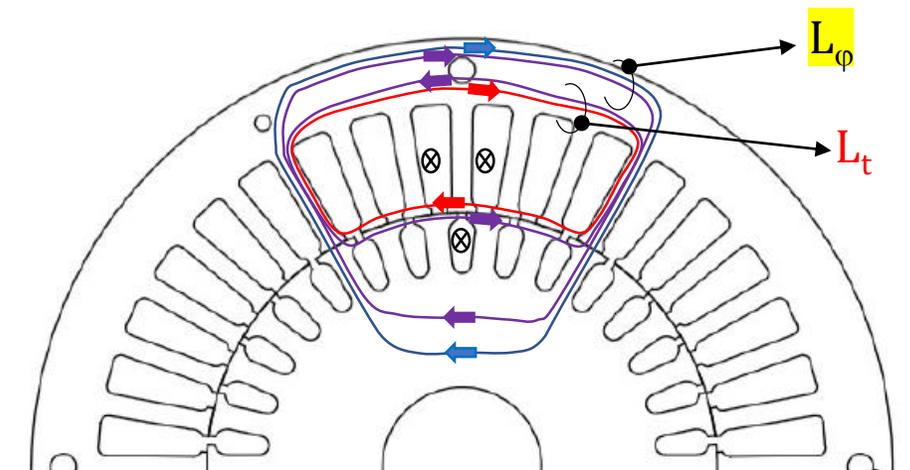


$n = L_M / L_r$

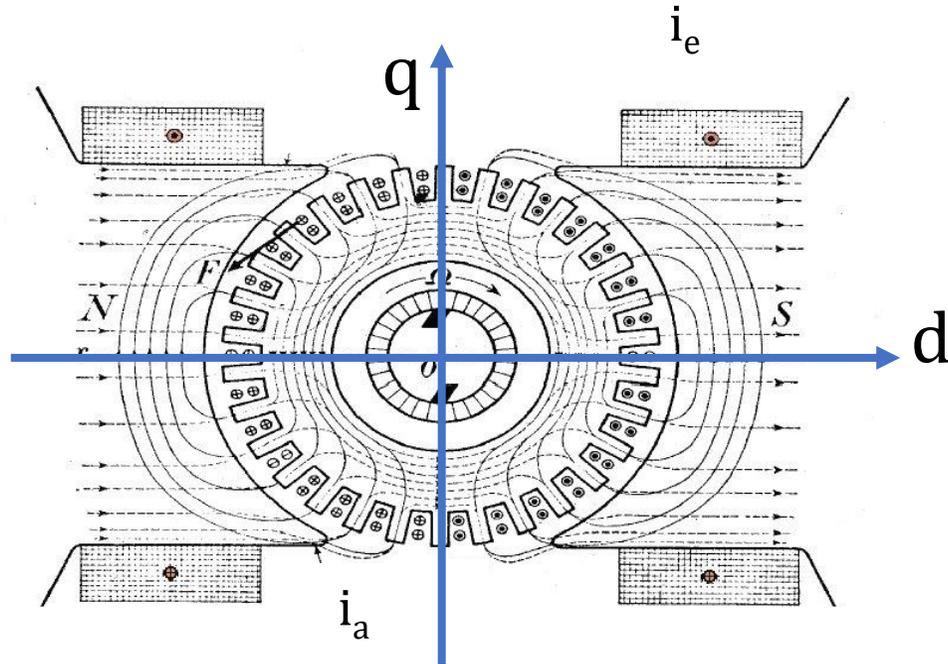
$L_3 = L_M^2 / L_r = n^2 L_r = L_\phi = \text{induttanza magnetizzante (di statore)}$

$L_1 = L_s - L_M^2 / L_r = L_t (=L'_s) \quad \text{induttanza transitoria di statore}$

$L_2 = L_r - L_M / (L_M / L_r) = 0 \quad \text{(nulla!)}$

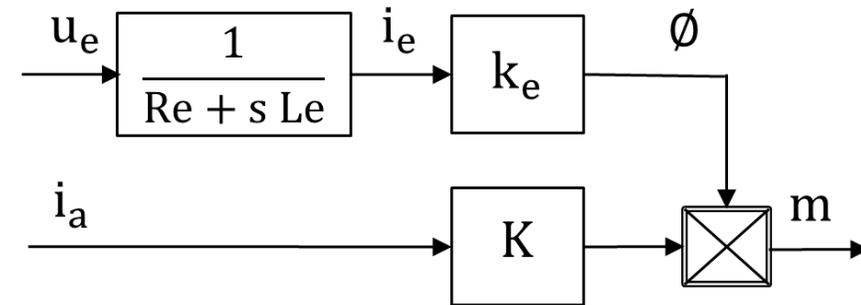


## Richiamo al motore in CC ad eccitazione indipendente



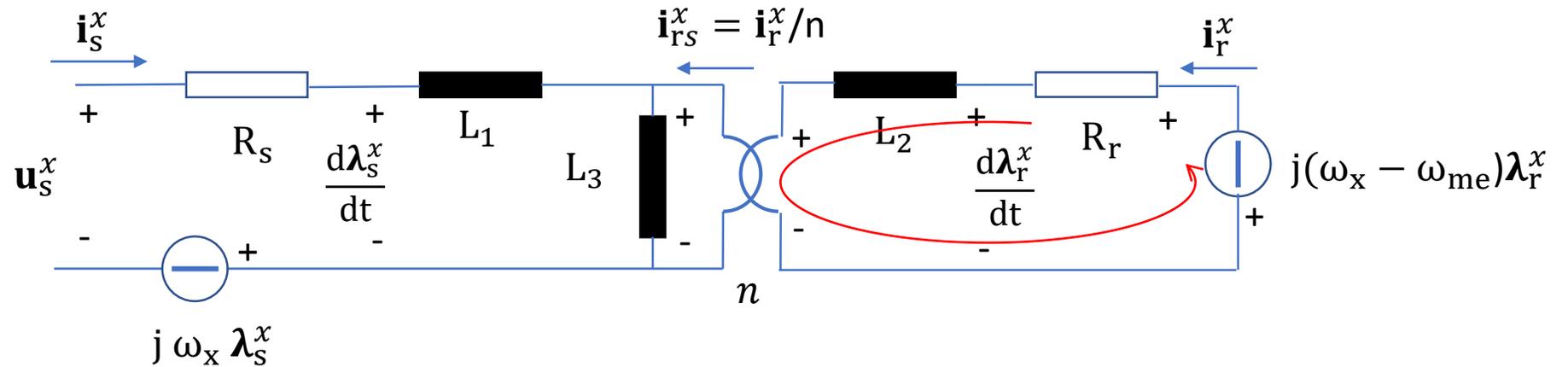
$$\Phi = k_e i_e$$

$$m = K \Phi i_a$$



Si può ottenere un controllo simile per una macchina asincrona? Esiste un sistema d-q che lo consente?

## Equazioni in $d^x q^x$ (generico)



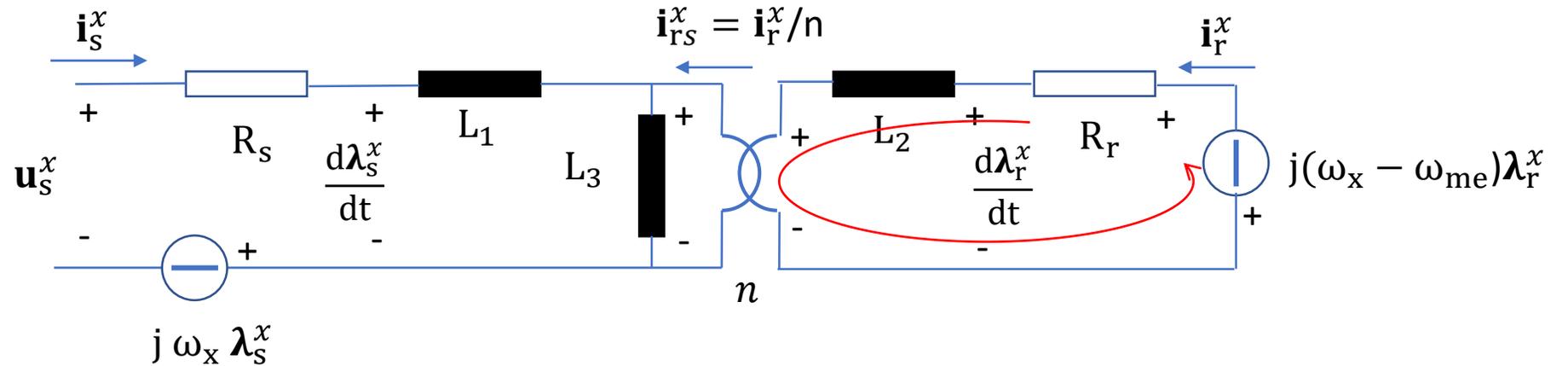
Assumiamo la **corrente statorica  $\mathbf{i}_s^x$**  come **grandezza di comando** (impressa) e assumiamo come **flusso principale** della macchina **quello  $\lambda_3^x$**  in  $L_3$ . Scriviamo poi l'equazione di bilancio delle tensioni rotoriche nelle due grandezze scelte.

$$0 = R_r \mathbf{i}_r^x + L_2 \frac{d\mathbf{i}_r^x}{dt} + \frac{d\lambda_3^x}{dt} \frac{1}{n} + j(\omega_x - \omega_{me})\lambda_r^x = R_r \mathbf{i}_r^x + L_2 \frac{d\mathbf{i}_r^x}{dt} + \frac{d\lambda_3^x}{dt} \frac{1}{n} + j(\omega_x^r)\lambda_r^x$$

con

$$\lambda_3^x = L_3 \left( \mathbf{i}_s^x + \frac{\mathbf{i}_r^x}{n} \right) \quad \text{da cui} \quad \mathbf{i}_r^x = n \left( \frac{\lambda_3^x}{L_3} - \mathbf{i}_s^x \right)$$

## Equazioni in $d^x q^x$ (generico)



Inoltre

$$\lambda_r^x = L_2 i_r^x + \frac{1}{n} \lambda_3^x = L_2 n \left( \frac{\lambda_3^x}{L_3} - i_s^x \right) + \frac{1}{n} \lambda_3^x = \left( \frac{L_2 n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \lambda_3^x - L_2 n i_s^x$$

## Equazioni in $d^x q^x$ (generico)

Sostituendo  $\mathbf{i}_r^x$  e  $\lambda_r^x$  nell'equazione delle tensioni prima ricavata

$$0 = R_r \mathbf{i}_r^x + L_2 \frac{d\mathbf{i}_r^x}{dt} + \frac{d\lambda_3^x}{dt} \frac{1}{n} + j(\omega_x^r) \lambda_r^x \quad \text{e riordinando, essa risulta:}$$

$$0 = \left( R_r \frac{n}{L_3} \lambda_3^x - R_r n \mathbf{i}_s^x \right) + \left( L_2 \frac{n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \frac{d\lambda_3^x}{dt} - L_2 n \frac{d\mathbf{i}_s^x}{dt} + j(\omega_x^r) \left[ \left( \frac{L_2 n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \lambda_3^x - L_2 n \mathbf{i}_s^x \right]$$

Ossia, separando parte reale (d) da parte immaginaria (q):

$$0 = \left( R_r \frac{n}{L_3} \lambda_{3d}^x - R_r n \mathbf{i}_{sd}^x \right) + \left( L_2 \frac{n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \frac{d\lambda_{3d}^x}{dt} - L_2 n \frac{d\mathbf{i}_{sd}^x}{dt} - (\omega_x^r) \left[ \left( \frac{L_2 n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \lambda_{3q}^x - L_2 n \mathbf{i}_{sq}^x \right]$$

$$0 = \left( R_r \frac{n}{L_3} \lambda_{3q}^x - R_r n \mathbf{i}_{sq}^x \right) + \left( L_2 \frac{n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \frac{d\lambda_{3q}^x}{dt} - L_2 n \frac{d\mathbf{i}_{sq}^x}{dt} + (\omega_x^r) \left[ \left( \frac{L_2 n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \lambda_{3d}^x - L_2 n \mathbf{i}_{sd}^x \right]$$

Moltiplico per i fattori indicati e sommo termine e a termine

(\*  $\lambda_{3d}^x$ )

(\*  $\lambda_{3q}^x$ )

## Equazioni in $d^x q^x$ (generico)

...ottenendo (ricordando :  $\lambda_{3d}^2 + \lambda_{3q}^2 = \lambda_3^2$ )

$$R_r \frac{n}{L_3} \lambda_3^2 + \frac{1}{2} \left( L_2 \frac{n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \frac{d\lambda_3^2}{dt} = R_r n (i_{sd}^x \lambda_{3d}^x + i_{sq}^x \lambda_{3q}^x) + L_2 n \left( \lambda_{3d}^x \frac{di_{sd}^x}{dt} + \lambda_{3q}^x \frac{di_{sq}^x}{dt} \right) + \omega_x^r L_2 n (i_{sd}^x \lambda_{3q}^x - i_{sq}^x \lambda_{3d}^x)$$

Per la coppia si ha (dall'espressione in funzione delle grandezze statoriche):

$$m = \frac{3}{2} p (i_{sq}^x \lambda_{3d}^x - i_{sd}^x \lambda_{3q}^x)$$

Sia la coppia  $m$  che l'ampiezza  $\lambda_3$  del flusso principale dipendono in generale da entrambe le componenti della corrente statorica



## Equazioni in $d^x q^x$ orientato con $\lambda_r$

Cos'è  $\lambda_3$  con la scelta di  $n = L_M / L_r$  fatta, cioè con  $L_2=0$  e  $L_3 = L_M^2 / L_r = n^2 L_r = L_\varphi$ ? Si era scritto:

$$\lambda_r^x = \cancel{L_2} i_r^x + \frac{1}{n} \lambda_3^x \quad (\text{per ogni sistema di riferimento!})$$

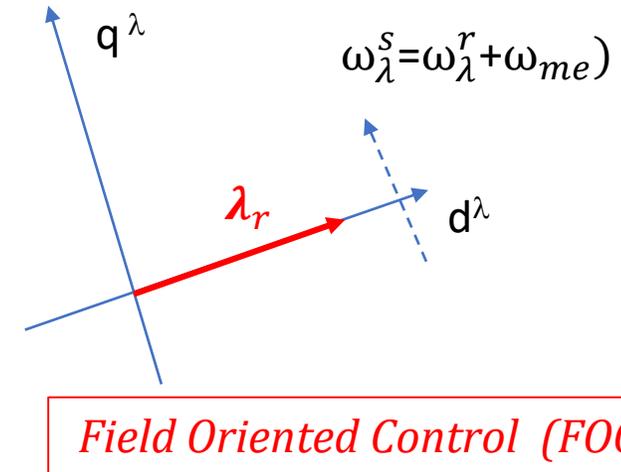
Quindi

$$\lambda_3^x = n \lambda_r^x = \frac{L_M}{L_r} \lambda_r^x = \lambda_{rs}^x \quad \text{è il flusso rotorico riportato a statore}$$

$$m = \frac{3}{2} p i_{sq}^x \lambda_{rs} = \frac{3}{2} p \frac{L_M}{L_r} i_{sq}^\lambda \lambda_r$$

$$R_r \frac{n}{L_3} \lambda_3^2 + \frac{1}{2} \left( \cancel{L_2} \frac{n}{L_3} + \frac{1}{n} \right) \frac{d\lambda_3^2}{dt} = R_r n (i_{sd}^x \lambda_3)$$

$$\lambda_{rs} + \frac{L_r}{R_r} \frac{d\lambda_{rs}}{dt} = \frac{L_M^2}{L_r} i_{sd}^\lambda$$

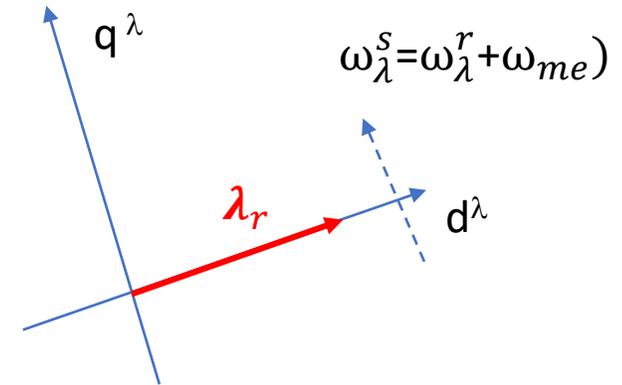
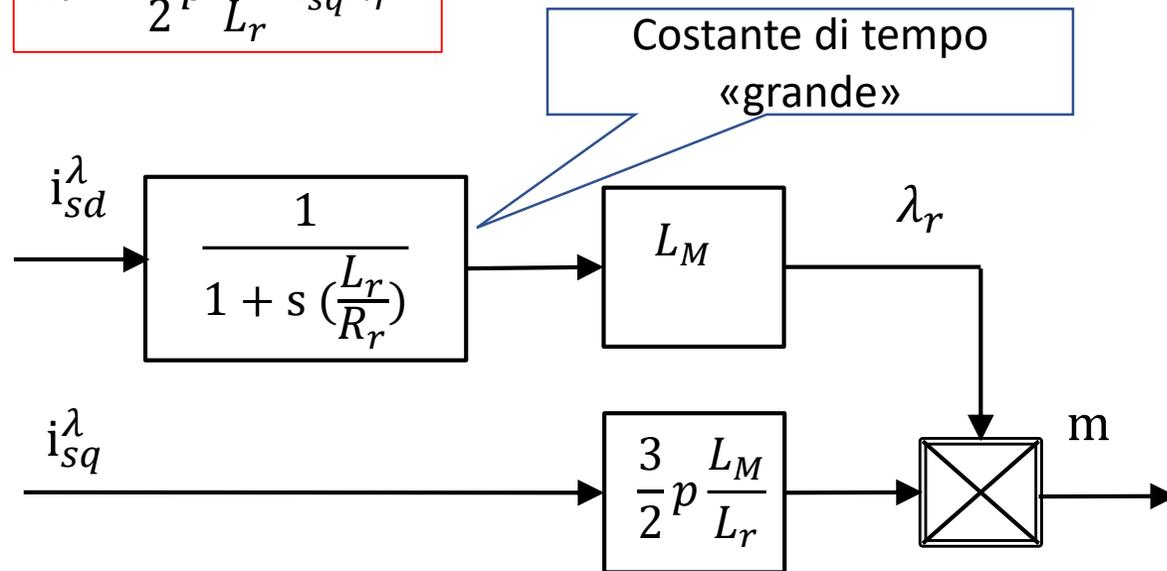


# Equazioni in $d^x q^x$ orientato con $\lambda_r$ (FOC)

Altra forma dell'equazione di flusso

$$\lambda_r + \frac{L_r}{R_r} \frac{d\lambda_r}{dt} = L_M i_{sd}^\lambda$$

$$m = \frac{3}{2} p \frac{L_M}{L_r} i_{sq}^\lambda \lambda_r$$



*Field Oriented Control (FOC)*  
*Controllo ad orientamento di campo*

Motore asincrono a corrente impressa  
in coordinate  $d^\lambda - q^\lambda$   
(orientamento con il flusso rotorico)

