

## Compito di Economia Politica 1 MZ

Prof. Michele Moretto

18 Settembre 2014

N.B. Le spiegazioni richieste o quelle che si ritiene utile dare non devono superare le 3 righe.

1. (6 punti) Un consumatore ha funzione di utilità  $U = \log(x) + \frac{1}{2} \log(y)$ , un reddito monetario  $R = 12$  e i prezzi dei beni sono  $p_x = 1$  e  $p_y = 2$ . Il Governo può imporre una tassa pari a 3 sul reddito oppure una tassa pari a 1 sul consumo di ciascuna unità del bene  $x$ . Inoltre l'offerta del bene  $x$  è perfettamente elastica, sicchè l'eventuale imposta viene pagata interamente dal consumatore.
  - (a) Si determini l'equilibrio del consumatore con la tassa sul reddito
  - (b) Si determini l'equilibrio del consumatore con la tassa sul bene  $x$
  - (c) Quale opzione preferisce il consumatore in termini di benessere?
  - (d) Quale opzione preferisce il Governo in termini di gettito fiscale?
  - (e) Se il Governo volesse usare entrambe le tasse quale sarebbe la relazione tassa su  $R$  e tassa su  $x$  che mantiene invariato il benessere del consumatore a livello del primo caso?
  
2. (10 punti) Si consideri un mercato dove opera l'impresa  $X$  con funzione di costi totali pari a  $CT = 100 + 4q_X^2$ . La funzione di domanda di breve periodo che fronteggia questa impresa è  $p = 1200 - 2q$ , ma questa funzione si sposta nel lungo periodo verso destra a seguito dell'entrata nel mercato di altre imprese.
  - (a) Qual è la scelta ottimale dell'impresa  $X$  nel breve periodo?
  - (b) Qual è la scelta ottimale dell'impresa  $X$  nel lungo periodo se le imprese che entrano sono tutte uguali all'impresa  $X$ , cioè  $q = nq_X$ ? E qual è il numero  $n$  ottimale di imprese nel lungo periodo?
  - (c) (5 punti) Supponete ora che la funzione di domanda che fronteggia l'impresa  $X$  non cambi, cioè  $q = q_X$ , ma si sposti verso sinistra a causa dell'entrata delle altre imprese fino a rendere i profitti dell'impresa  $X$  nel lungo periodo uguali a zero. Cioè

l'entrata delle altre imprese tolgono mercato all'impresa X senza però renderla concorrenziale. In questa situazione quale pensate sia la produzione ottimale dell'impresa? (hint: scrivete la condizione che garantisce all'impresa di rimanere in attività e poi ragionate sui profitti nulli)

3. (6 punti) Due imprese di computer, A e B, intendono programmare la vendita di sistemi informatici specializzati. Entrambe hanno di fronte due alternative: a) elaborare un servizio centralizzato rapido e di alta qualità; b) elaborare un servizio di qualità più scadente. Una ricerca di mercato stima i profitti derivanti per ogni impresa dalla scelta di queste alternative, i quali sono dati dalla seguente matrice delle decisioni (il primo numero nella cella è dell'impresa A :

		Impresa B			
		Buono		Scadente	
Impresa A	Buono	20	20	40	50
	Scadente	50	40	25	25

- (a) Qual è l'equilibrio di Nash di questo gioco?
- (b) Supponete ora che l'impresa A sia in grado di muovere per prima quale pensate sia l'equilibrio (perfetto) di questo gioco?. E cosa sarebbe se potesse partire per prima l'impresa B?
- (c) Infine se le imprese decidessero di colludere quale pensate possa essere l'equilibrio di questo gioco?
4. (8 punti ) Si consideri un'impresa che può produrre due beni con un solo input: Lavoro. Le funzioni di produzioni dei due beni sono semplici:  $x = \frac{1}{3}L_x$  e  $y = \sqrt{L_y}$ . Purtroppo l'impresa ha ha disposizione una quantità di lavoro limitata a 90 unità e deve decidere come allocarle alle due produzioni per massimizzare i profitti.
- (a) Qual è la curva che lega  $x$  e  $y$  alla disponibilità di lavoro?
- (b) Scrivete la funzione di profitto di questa impresa se il costo del lavoro è  $w = 1$ , i prezzi dei due beni sono  $p_x = 6$  e  $p_y = 4$
- (c) Determinare le quantità ottimali di lavoro  $L_x$  e  $L_y$  e quindi di produzione di  $x$  e  $y$  per massimizzare il profitto dell'impresa.

## Soluzioni

### Esercizio n.1

a) Se vi è un tasso sul reddito pari 3 il reddito diventa  $R = 9$  quindi il problema diventa:

$$\max \log(x) + \frac{1}{2} \log(y) \quad \text{sv } x + 2y = 9$$

soluzione  $x^* = 6, y^* = 3/2$

b) Se vi è una tassa sul bene  $x$  pari a 2 il problema diventa

$$\max \log(x) + \frac{1}{2} \log(y) \quad \text{sv } 2x + 2y = 12$$

la soluzione è  $x^* = 4, y^* = 2$

c) Per il consumatore nel primo caso abbiamo  $U(6, 3/2) = \log 6 + \frac{1}{2} \log(3/2) = 1.9945$ . Nel secondo caso  $U(4, 2) = \log 4 + \frac{1}{2} \log(2) = 1.7329$ . Il consumatore preferisce il primo caso.

d) Per il Governo: Gettito nel primo caso  $T = 3$  nel secondo caso  $T = 1(4) = 4$ , preferisce il secondo caso

e) Per mantenere lo stesso livello al caso 1 il problema diventa

$$\max \log(x) + \frac{1}{2} \log(y) \quad \text{sv } (1+t)x + 2y = 12 + s \quad \text{sv } U = 2$$

$$SMS = \frac{2y}{x} = \frac{1+t}{2}$$

Quindi il sistema diventa

$$\begin{aligned} 4y &= (1+t)x \\ (1+t)x + 2y &= 12 + s \end{aligned}$$

da cui

$$\begin{aligned} y^* &= \frac{12+s}{6} \\ x^* &= \frac{2}{3} \frac{12+s}{1+t} \end{aligned}$$

Quindi il sistema tra  $s$  e  $t$  è:

$$\log \frac{2}{3} \frac{12+s}{1+t} + \frac{1}{2} \log \frac{12+s}{6} = 2$$

### Esercizio n.2

a) Nel breve periodo l'impresa è monopolista quindi

$$CM = RM$$
$$8q_X = 1200 - 4q_X$$

da cui  $q^M = 100$  and  $p^M = 1000$ ,

b) Nel lungo periodo, se le imprese che entrano sono tutte uguali, il mercato è in concorrenza perfetta, quindi profitti nulli

$$p = CM = AC$$

$$AC = \frac{100}{q_X} + 4q_X$$
$$CM = 8q_X$$

da cui  $q_X^C = 5$  e  $p^C = 40$ , inoltre

$$p = 1200 - 2q,$$
$$40 = 1200 - 2n5$$

da cui  $n = 116$

c) In questo caso la funzione di domanda di X non cambia con l'entrata delle altre imprese ma i profitti nel lungo diventano nulli. Quindi:

$$\frac{RT - CT}{q_X} = p - AC = 0$$

Ma se la curva di costi medi è fatta ad U ci sono almeno tre casi in cui questo è vero: i primi due sono dati dall'intersezione fra domanda e costi medi, il terzo quando la domanda è tangente alla curva di costi medi. Ovviamente l'unico che impedisce all'impresa di cambiare la decisione sulla quantità da produrre e stare nel mercato con la continua entrata di altre imprese è il terzo.

$$-2 = -\frac{100}{q_X^2} + 4$$

da cui  $q_X = \frac{10}{\sqrt{6}}$  e  $p = \frac{100}{\sqrt{6}}$

### Soluzione n.3

Facile

a) (50,40) e (40,50)

b) se muove prima A (50,40) se muove prima B (40,50),

c) potrebbe essere (25 25), ma se fossero in grado di accordarsi per un trasferimento di profitti potrebbe essere  $\frac{40+50}{2} = 45$

#### **Soluzione n.4**

a) se inverto le funzioni di produzione ottengo  $L_x = 3x$  e  $L_y = y^2$  quindi ho:

$$90 = L_x + L_y = 3x + y^2$$

b) funzione di profitto:

$$\begin{aligned}\pi &= 6x + 4y - (L_x + L_y) \\ &= 6x + 4y - 90\end{aligned}$$

c) L'impresa massimizza il profitto sotto il vincolo

$$\max \pi \quad \text{sv } 90 = 3x + y^2$$

$$L = 6x + 4y - 90 + \lambda(90 - 3x - y^2)$$

Le Foc sono

$$6 - \lambda 3 = 0$$

$$4 - 2\lambda y = 0$$

$$\frac{6}{6} = SMTS$$

$$\lambda = 2$$

$$y = 1$$

$$x = 89/3$$

$$\pi = 92$$