

## TEMI D'ESAME AA2425

1. Viaggio della sonda Voyager I. Si trova dal database NASA le posizioni iniziali di pianeti e sonda e ricalcola la traiettoria confrontandola con quella riportata.
2. Viaggio della sonda Voyager II. Si trova dal database NASA le posizioni iniziali di pianeti e sonda e ricalcola la traiettoria confrontandola con quella riportata.

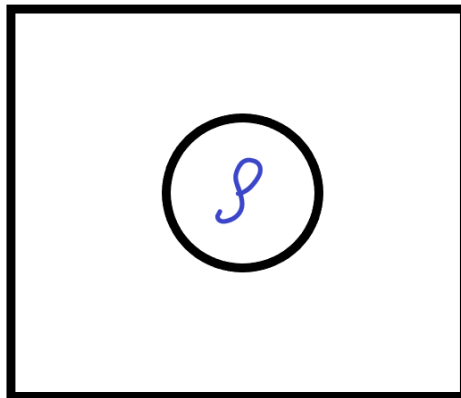
3. Problema predatori-prede (Eq. di Lotka-Volterra) con Runge-Kutta:

$$\frac{dr(t)}{dt} = \alpha r(t) - \beta r(t)f(t)$$

$$\frac{df(t)}{dt} = -\gamma f(t) - \delta r(t)f(t)$$

Fare anche un grafico di  $f$  in funzione  $r$  (i.e. nel spazio delle fasi)

4. Calcolo della funzione pair-correlation function  $g(r)$  in Ar liquido e potenziale di LJ a  $T$  data usando l'algoritmo di Metropolis. Nota: basta applicarla alla parte di energia potenziale.
5. Equazione di diffusione del calore in 2D con sorgente:  $\frac{dT}{dt} = \Delta T + \rho$   
Condizioni iniziali temperatura  $T_1$ . Si considerano le condizioni al contorno di Neumann imponendo che il flusso di calore sia proporzionale a  $T^4$ :



6. Equazione di Schroedinger tempo-indipendente 2D e uso degli algoritmo di minimizzazione come CG (gradiente coniugato) implementati in scipy per trovare lo stato fondamentale e i primi stati eccitati della buca di potenziale infinita, con al suo interno un potenziale a gradino.
7. Equazione di Schroedinger tempo-indipendente 2D uso dell'algoritmo di minimizzazione come CG (gradiente coniugato) implementati in scipy per trovare lo stato fondamentale e i primi stati eccitati. Consideriamo un potenziale a gradino e condizioni al contorno periodiche.

8. Equazione di Schroedinger 3-D tempo indipendente per potenziale Coulombiano (atomo idrogeno) con griglia equispaziata 3D. Uso minimizzazione SD (steepest descent) o altro tipo CG da scipy per trovare le energie e gli orbitali dello stato fondamentale e dei primi stati eccitati. Confronto con soluzioni analitiche e dipendenza degli scarti dalla densità della griglia. Uso di condizioni al contorno pari a buca di potenziale infinita o condizioni al contorno periodiche.

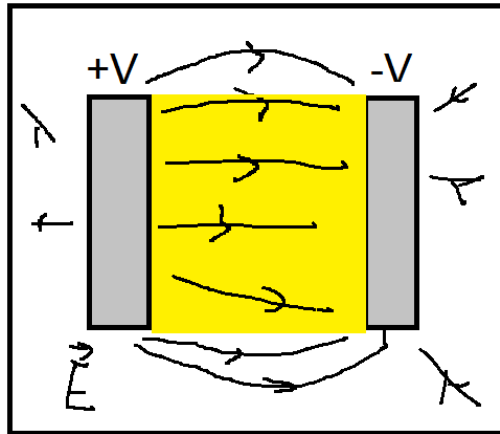
9. Uso del metodo di minimizzazione SD (steepest descent) o CG per trovare l'autofunzione e l'autoenergia dello stato fondamentale di un condensato di Bose-Einstein descritto dall'equazione di Gross-Pitaevski in 1D:

$$\mu\psi(x) = \left( -\hbar^2/(2m)\Delta + V(r) + g|\psi(r)|^2 \right) \psi(r)$$

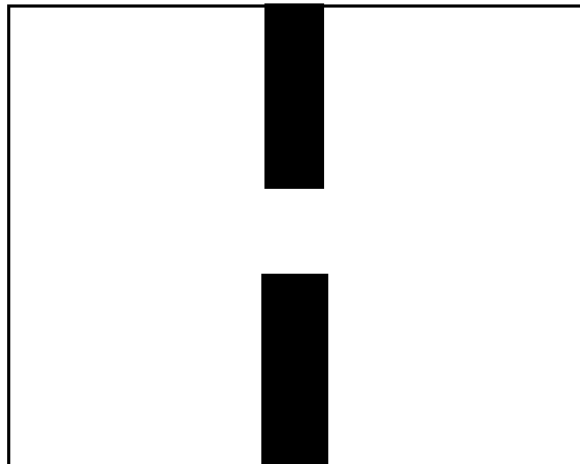
con la funzione d'onda normalizzata a N numero di particelle. Con buca di potenziale infinita più potenziale armonico.

10. Condensatore reale a piastre piatte in 2D. Il potenziale della armature viene fissato a +V e -V sui bordi della cella di simulazione il potenziale è nullo. Tra le piastre del condensatore è messo un materiale dielettrico Si calcola anche la CAPACITA' determinando numericamente la carica sulle piastre integrando il laplaciano del vettore  $\vec{D}$ . Confronto con formula senza effetti di bordo. Nota: bisogna risolvere:

$$\begin{aligned} \vec{D} &= \epsilon_r(\vec{r}) \epsilon_0 \vec{E} \\ \vec{\nabla} \cdot \vec{D} &= \rho_c(\vec{r}) \quad \text{nel nostro caso } \rho_c = 0 \\ &\quad \text{nel dominio in cui risolviamo} \\ \vec{\nabla} \cdot (\epsilon_r(\vec{r}) \epsilon_0 \vec{E}(\vec{r})) &= 0 \\ \vec{E} &= -\vec{\nabla} \psi(\vec{r}) \\ \epsilon_0 (\vec{\nabla} \epsilon_r(\vec{r})) \cdot \vec{E} + \epsilon_0 \epsilon_r(\vec{r}) \vec{\nabla} \cdot \vec{E} &= 0 \\ + (\vec{\nabla} \epsilon_r(\vec{r})) \cdot \vec{\nabla} \psi(\vec{r}) + \epsilon_r(\vec{r}) \Delta \psi(\vec{r}) &= 0 \end{aligned}$$



11. Equazione delle onde di pressione (suono): fenomeno della diffrazione in 2D.  
 Consideriamo la geometria:



sulle pareti vale la condizione al contorno che il gradiente della pressione è perpendicolare alla superficie delle pareti:  $\nabla p \cdot u_{\perp} = 0$ . Come condizioni iniziali consideriamo in impulso gaussiano o semplicemente un sovrappressione in un punto nella parte di destra.

12. Equazione di Schroedinger tempo dipendente 1-D in buca di potenziale infinita e potenziale esterno tempo dipendente  $V = xE_0 \sin(\omega t)$ . Usiamo Crank-Nicolson o Verlet. Partiamo dallo stato fondamentale e 'accendiamo' la perturbazione. Al variare di  $\omega$  si passa da un regime adiabatico ad un regime non-adiabatico.

13. Uso di vari classificatori: (perceptron, logistic regression, support vector machine con kernel lineare e kernel gaussiano, rete neurale) per il riconoscimento di caratteri del data set di sci-kit