



METODI STATISTICI PER LA BIOINGEGNERIA

Laboratorio 8

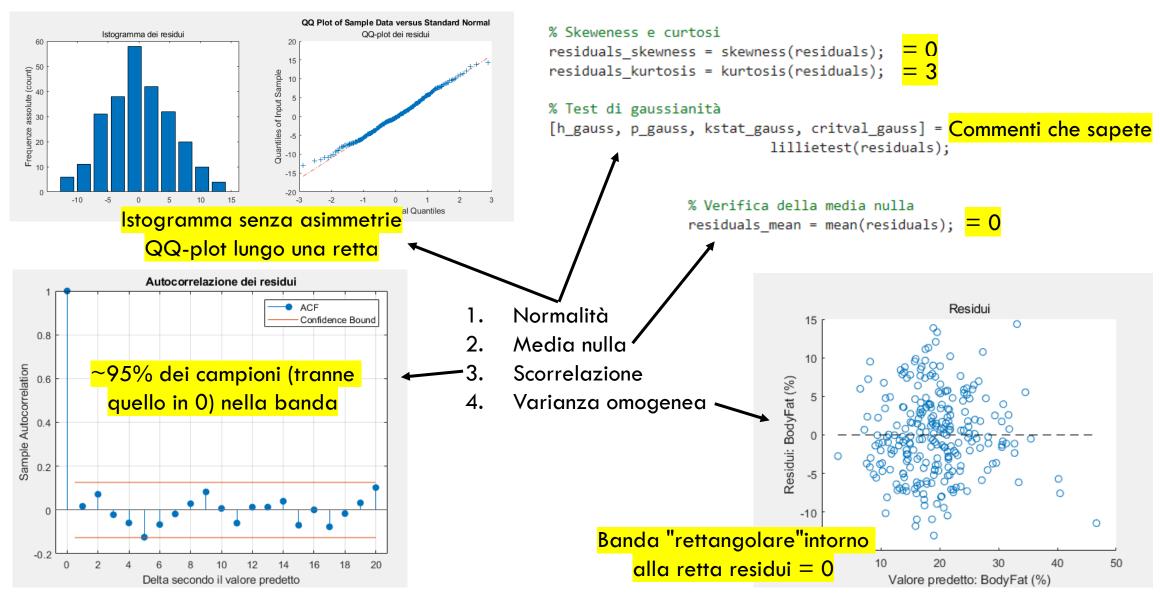
A.A. 2024-2025

Enrico Longato





Dal lab 7: Riassunto analisi dei residui





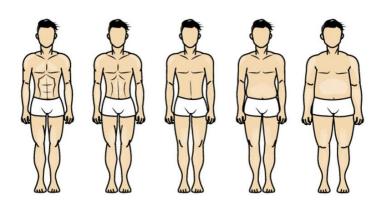


CONTESTO DELL'ESERCITAZIONE E DATI (v. lab 7)

Dataset di misure antropometriche per la predizione della % di grasso corporeo (bodyfat.mat).

Dati di 252 uomini descritti da 8 variabili

- BodyFat (in %) sarà la nostra <u>variabile dipendente</u>
- 2. Age (età in anni, years)
- 3. Weight (peso in libbre, lbs)
- 4. Height (altezza in pollici, inches)
- 5. Neck (circonferenza del collo in cm)
- 6. Chest (circonferenza del petto in cm)
- 7. Hip (circonferenza dei fianchi in cm)
- 8. Thigh (circonferenza dellla coscia in cm)







Prima di svolgere l'esercitazione (oppure al bisogno), utilizzare il comando help di MATLAB seguito dal nome delle seguenti function, utili allo svolgimento degli esercizi.

Test statistici sul modello di regressione ("recupero" del laboratorio 7)

- fitlm per far fare la regressione lineare a MATLAB e verificare i nostri risultati.
 - A partire da fitlm: coefTest per il test di Fisher.
 - A partire da fitlm: accesso all'elemento variabile_in_cui_è_salvato_il_modello.Coefficients.pValue per i p value associati ai test sui beta.

Collinearità e model selection

Nulla, ma aprite le slide (o, ancora meglio, sappiatele)
 https://stem.elearning.unipd.it/pluginfile.php/997952/mod_resource/content/1/teoria_parte_10.pdf





ESERCIZIO 1 - PARTE 3: VERIFICA DEI RISULTATI CON fitlm (svolto; "recupero del lab 7")

- Usare la funzione **mdl** = **fitlm(X, y, 'Intercept', false)** per effettuare la stima "automatica" dei parametri del modello di regressione lineare e di altri valori di interesse; poi confrontare i risultati con quelli ottenuti.
 - NB: 'Intercept', false si usa solo se in X c'è già la colonna costante a 1; altrimenti, si deve usare 'Intercept', true (che è il default)
- Come/dove si trovano i parametri di interesse da confrontare
 - Valori dei parametri: beta_hat_fitlm = mdl.Coefficients.Estimate
 - Standard error: se_beta_hat_fitlm = sqrt(diag(mdl.CoefficientCovariance))
 - Varianza a posteriori (attenzione al nome "strano"!): sigma2_hat_fitlm = mdl.MSE
 - R^2: R2_fitlm = mdl.Rsquared.Ordinary
 - ATTENZIONE: rmse_fitlm_diverso_da_quello_che_usiamo_noi = mdl.RMSE <-- questo stimatore ha al denominatore lo stesso $N_{campioni} N_{parametri}$ della varianza a posteriori; non è quello che è tipicamente richiesto.
- Consiglio: se vi sembra troppo complicato (si tratta di struct innestate), prendete "per buoni" questi comandi "esplorativi" del modello come "indicazioni per trovare quello che ci interessa"; in ogni caso, la maggior parte di queste informazioni si vede da disp (mdl)
- Maggiori informazioni alla pagina https://it.mathworks.com/help/stats/linearmodel.html





ESERCIZIO 1 - PARTE 4: TEST SULLA REGRESSIONE LINEARE (svolto, "recupero" del lab 7)

- Una volta ottenuto l'oggetto mdl = fitlm(X, y, 'Intercept', false)
 - Il p value associato all'F-test si trova con l'istruzione p_F_test = coefTest (mdl)
 - Il vettore dei p value associati a ciascun β_i si trova con l'istruzione **p_values** = **mdl.Coefficients.pValue**

• A fronte dei risultati ottenuti dai test di cui sopra, trarre le conclusioni del caso (v. slide di teoria).





ESERCIZIO 1: COLLINEARITA' (proposto)

- Possiamo continuare lo stesso esercizio di prima oppure ricaricare il file bodyfat.mat e identificare
 BodyFat come variabile dipendente e tutte le altre come variabili indipendenti.
- Riscaldamento: calcolare il numero di condizionamento
 - 1. Calcolare gli autovalori della matrice X^TX .
 - 2. Dividere l'autovalore massimo per l'autovalore minimo.
 - 3. Trarre le conclusioni del caso (v. slide di teoria).
- Calcolare il VIF di tutte le variabili nella configurazione iniziale in cui siano tutte possibili predittori
 - 1. Per ogni variabile
 - 1. Impostare una regressione con quella variabile "nel ruolo di Y" e tutte le altre "nel ruolo di X"
 - 2. Calcolare il valore di R² corrispondente
 - 3. Calcolare il VIF per quella variabile come $VIF = 1/(1-R^2)$
 - 2. Una volta calcolati tutti i VIF, individuare il massimo e trarre le conclusioni del caso (v. slide di teoria)
- **Bonus** (esercizio di programmazione "difficile"; non in programma d'esame): portare a termine l'analisi basata sul VIF fino alla situazione in cui tutte le variabili hanno VIF < 5
 - Si tratta di ripetere il punto precedente sul calcolo del VIF togliendo, di volta in volta la variabile con VIF massimo e >5.





ESERCIZIO 1: CONFRONTO TRA MODELLI (proposto)

- Caricare il file bodyfat.mat e mettere a punto due scenari
 - 1. Y = BodyFat e X = tutte le altre variabili (+ l'intercetta)
 - 2. $Y = BodyFat e X1 = {Age, Height, Weight} (indicizzarle pure come [2 3 4]) (+ l'intercetta)$
- Calcolare AIC e BIC per entrambi i modelli
- Calcolare R² e R² adjusted per entrambi i modelli
- Trarre le conclusioni del caso

Suggerimento: le quantità utili al calcolo delle quattro metriche di cui sopra sono

- Valori stimati dei parametri \hat{eta}
- Predizione \hat{Y}
- Residui $Y \hat{Y}$
- SSE e SST
- Numero di campioni
- Numero di parametri