Emzioni Soluzioni \$(1) \(\(\times \) = arxy \(\times \frac{5}{3} - \frac{5}{1} \) sopro dourino avenx ha come do mino [-1,1] dunque $-1 \leq |x^{3}-\frac{1}{2}| \leq | = |x^{3}-\frac{1}{2}| \leq |x^{3}-\frac{1}{2}| \leq$ $\begin{cases} x^3 \leq \frac{3}{2} \\ x^3 = -\frac{1}{2} \end{cases} \rightarrow -\sqrt{\frac{1}{2}} \leq \times \leq \sqrt{\frac{3}{2}}$ り=「一でき、過ご」。 Mono ar Hu(X)≥0 €) X≥0 dungue f(x)≥0 €) [x3-1/≥0 seupre vero. P(x) ≥ 0 + x € D e P(x) = 0 €) X = 3/2 (x3 = 1) simmetrie il dominio more è sumetrico pendicità il dominio reor è periodico. 2) f(x) = log / sim(2ex)/ dominio (xn(2ex)(>0 (xn(2ex) +0 (2ex + kt + +2(c) ert kr KEN () X + lg(kr) KEN. K+0 D= (x (x ≠ lg (km), K ∈N K + o3) régrio elg. / sin(2 ex) / > 0(=) / sin (2 ex) / > 1 (=) 15m2ey = 1 (=) 2ex = II+KIT KEZ Now JEX = 1 oppose -1 (=) EX = II + KE KEN () X = PS(II + KE) KEN quindi f(x) < 0 + x < D e f(x) = 0 (=) x = lg(II+UII) KEN simmetrie/penodiato il dominio non è simmetrico ne penodico.

3) f(x) = & (e2x-4ex+4) domino $e^{2x} - 4e^{x} + 4 > 0$ $e^{x} = t$ $e^{x} = (e^{x})^{2} = t^{2}$ (t-2)2>0 (=) t+2 (=) ex+2 (=) x+lg2 D = (-00, lg?) y (lg2, +00) 18900 P(X) 20 (=) lg (e2x-hex+4) 50 (=) ex-hex+621 (a) t2-4+320 => t0=0d t>3 oppure t <1 ex 23 oppure ex <1 v. 0.2 min x < (X2 lg3 oppure x = 0. f(x)=0 (=) x ≤0 oppure x≥ lg3. f(x)=0 se x=0, lg3. simmetrie, penodicité : il dominio aon è simmetrico ne perodico. 4) $f(x) = \operatorname{ongn}\left(\frac{1}{x+21}\right)$ x \$0 ! dominio -1 < 1 x +21 < 1 1° caso x > 0 $-1 \leq |x+2| \leq 1$ (=) $-x \leq |x+2| \leq x$ (=) seupre vere { X+2 \(\delta \)} \(\text{X} \) \(1x+21 ∈ x (=) -x ≤ x+2 ≤ x (=) XX. -15/x+2/5/6) X 5/x+2/6-X 2° caso x co reuple (xeo!) €) |x+2|≤-x €) X €x+2 ≤ x −x €) { x+2 ≤ x { 2≥0 4x Quindi D= {x | x = -13 = [-0, -1] reguo arsin(|x+21|>0 (=) |x+21>0 ma se x ∈ 0 x ∈ ∞ 16 quindi (f(x) <0 + x < D) f(x)=0 (=) x=-2

Dimmetrie periodicità il slowinio usa è sim moturo he periodico. $5) f(x) = \frac{1}{|x+1|-2}$ dourus [X+11-2 =0 (=) [X+11+2 (=) X+1 = 5 X = 1 X + -3 $D = (-\infty, -3) \cup (-3, 1) \cup (1, +\infty)$ $= \{x \mid x \neq 1, -33\}$ segno toa f(x) 20 (=) |x+1|-2>0 (=) |x+1|>2(=) gerindi f(x) >0 (=) x>1 oppne x <-3. peiodicté/smmetre il douissio une à simmetrico ne perodici $\beta) \quad \rho(x) = \sqrt{\frac{2}{4\pi}}$ Derimio to x \$ KT. to x = ben definite solo x X=T+kTT D= {x | x + kT, x + II + kT, k ∈ Zy. segue \$(1)≥0 (=) tgx>0 (=) KTCXCIL+KT KEV. simmetrie top x é disposi $f(-x) = \sqrt[3]{\frac{2}{19(-x)}} = \sqrt[3]{\frac{2}{19x}} = -\sqrt[3]{\frac{2}{19x}} = -\sqrt[3]{\frac{2}{19x$ = - f(x)Je disperi perodicité bax à perodica di perodo TI $f(x+it) = \sqrt[3]{\frac{5}{5}}(x+it) = \sqrt[3]{\frac{16x}{5}} = f(y)$ f € periodico di periodo TT. $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} (s_{x} x)$ dominio. Collex > 0 + x operindi D=1R seguo &(x)>0 XX. simmetrie sin x è dispari cosh x è peri $f(-x) = \frac{1}{\cosh(sm(-x))} = \frac{1}{\cosh(-smx)} = \frac{1}{\cosh(smx)}$

pricolicité de NorthAprio Chabre féripéripolice (6) 8) f(x) = andy (14e2x-9ex+2 - 2ex) 4e^{2x}-9e^x+2, ≥0 (altrumenti le rodice non e^x-t dominio ancox à definite XX $t = 9 \pm \sqrt{81 - 32} = 9 \pm 7$ $\frac{2}{8} = \frac{1}{4}$ $\frac{16}{8} = 2$ 4t2-9t+220 t = 2 oppuse t = 4 2x22 oppuse ex=1 $x \ge lg2$ " $x \le lg \frac{1}{4}$ D= (-0, lof] U[lg2, to) segue outp x 20 => x 20 quind f(x) 20 (=) \(4e^2x - 9e^x + 2 - 2e^x > 0 \) entroents', i mentri 14e2x-9ex+2 = 2ex sous positivi elevo hitto al 4e2x-gex+2 = 4e2x otarboup $-9e^{x}+220$ $e^{x} \leq \frac{2}{9} \quad x \leq lg(\frac{2}{9})$ dunque f(x) > 0 C $X \leq Q(\frac{2}{9})$ e f(x) = 0 R $X = Q(\frac{2}{9})$ rommetrie e priodicité il dominio non è simmetrico ne priedico. 9) \(\(\x\) = lg (4 xmh x) donino Asinhx >0 (=) mulx >0 (X >0 $D=(0,+\infty).$ 4 sinhx ≥ 1 @ suhx > { seque lq (4 rinh x) > 0 (=) x = sett ruh(4) = sinh (4)

rimmetrie e peròdicité; il dominio non è rimmetrico ne percalico $f(x) = \frac{1}{2} (mx)$ $r(x) = \frac{1}{2}$ dominio sin x > 0 perche se définito lg (sin x) ekt <x < tt+2kt kel. SMX # 1 (=) X # II + 2kt $D = \text{pood} \ U \left[\left(2 \, \text{km}, \pi + 2 \, \text{km} \right) \, U \left(\frac{\pi}{2} + 2 \, \text{km}, \pi + 2 \, \text{km} \right) \right]$ signo saxx saxatat lo (sm x) > 0 forció studio dei segui ue questi pti sous esclus del dominéro eg (xinx) 20 (=) sinx2 1 (=) sin x=1 queindi \XED lg(rux) <0 inoltre rinx-1 <0 \XED =) +(x)>0 + xeD (mineratore - / +) simuetrise 10000 o 08000000 il dominio NON è simuetrico penodicité rin $x = \text{penodico di peniodo } 2\pi$ $f(x+2\pi) = \text{lp}\left(\text{rin}(x+2\pi)\right) = \text{lg} \text{rin} x = f(x)$ $rin(x+2\pi) - 1 = rin x - 1$ É a períodice di periodo ET (1) $f(x) = 2x - \sqrt{x^2 - 4x + 31}$ Dominio D=1R (le radice è sempre ben definite plato che il radicando è 20) segno €(x)≥0 2x-V[x²-ux+3] 20 (=) 2x2 √[x²-ux+3] de x 20 questo vou è cusi verficato se x20 elevo a quadrato entrants: i membri

$$\begin{cases} x \ge 0 \\ 4x^2 \ge |x^2 - 4x + 3| \end{cases} = \begin{cases} x \ge 0 \\ -4x^2 \le x^2 - 4x + 3 \le 4x^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \ge 0 \\ x^2 - 4x + 3 \le 4x^2 \end{cases} = \begin{cases} x \ge 0 \\ -3x^2 - 4x + 3 \le 0 \end{cases} = \begin{cases} x \ge 0 \\ 3x^2 + 4x - 3 \ge 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \ge 0 \\ x^2 - 4x + 3 \ge 0 \end{cases} = \begin{cases} x \ge 0 \\ 5x^2 - 4x + 3 \ge 0 \end{cases} = \begin{cases} x \ge 0 \\ 5x^2 - 4x + 3 \ge 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \ge -2 + \sqrt{13} \\ 3x \le -2 + \sqrt{13} \end{cases} = \begin{cases} x \ge -2 + \sqrt{13} \\ 3x \le -2 + \sqrt{13} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x \ge 0 \\ x \le -2 - \sqrt{13} \\ 3x \le -2 + \sqrt{13} \end{cases} = \begin{cases} x \ge 0 + \sqrt{13} + \sqrt{13}$$

penodicité le fanzioni polinouieli e mon le rodrei nou sous periodiche.