

2° Tutorato di Algebra

Tutor Erik Celnikasi

1. Date le matrici

$$A = \begin{pmatrix} 3 & 5 & 8 \\ 9 & 10 & -9 \\ 2 & 9 & -9 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 9 & 6 & 0 \\ -9 & 10 & 9 \\ 6 & 0 & -8 \end{pmatrix}$$

$$A + B = ?$$

Definito poi lo scalare $t=6$

$$(A+B)^*t = ?$$

2. Stabilire se $W = \{(x,y) \mid x,y \in \mathbf{R}^2, x + y = 0\}$ è un sottospazio di \mathbf{R}^2 .
3. Stabilire se $W = \{(x,y) \mid x,y \in \mathbf{R}^2, x*y = 0\}$ è un sottospazio di \mathbf{R}^2 .
4. Dimostrare che ogni vettore in \mathbf{R}^2 $\mathbf{u} = (x,y)$ si scrive in modo unico come combinazione lineare dei vettori $\mathbf{v} = (1,2)$ e $\mathbf{w} = (-1,1)$
5. Stabilire se $W = \{(x,y,z) \mid x,y,z \in \mathbf{R}^3, x^2 + y^2 = z\}$ è un sottospazio di \mathbf{R}^3 .
6. Stabilire se $W = \{(x,y,z) \mid x,y,z \in \mathbf{R}^3, x + y - 4z = 0\}$ è un sottospazio di \mathbf{R}^3 . In caso affermativo trovare un insieme di generatori.
7. Stabilire se $W = \{(x,y,z) \mid x,y,z \in \mathbf{R}^3, x + y - z + 1 = 0\}$ è un sottospazio di \mathbf{R}^3 . In caso affermativo trovare un insieme di generatori.

8. Dati i seguenti sottospazi in \mathbb{R}^4

$$V = \left\langle \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right\rangle \quad W = \left\langle \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \right\rangle$$

TROVARE $V+W=?$ e $V \cap W=?$

8.

9.

3. Considerando i sottospazi

$$S = \left\langle \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \\ -1 \end{pmatrix} \right\rangle \quad T = \left\langle \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 3 \end{pmatrix} \right\rangle$$

(a) $\begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \in S?$

(b) Trovare generatori per $S \cap T$

(c) Trovare generatori per $S+T$

(d) È vero che $S+T = \mathbb{R}^3$?