

**Teoria quantistica**  
**Sistemi semplici risolvibili**  
**esattamente**  
**Momento Angolare**

**Chimica Fisica 2**  
**Laurea Tri. Chim. Industriale**  
**2022-23**

*Prof. Antonio Toffoletti*

# Momento angolare in Fisica Classica

- P = punto di massa m
- O = polo rispetto a cui viene calcolato  $\vec{L} = \mathbf{L}$
- Definizione:

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}$$

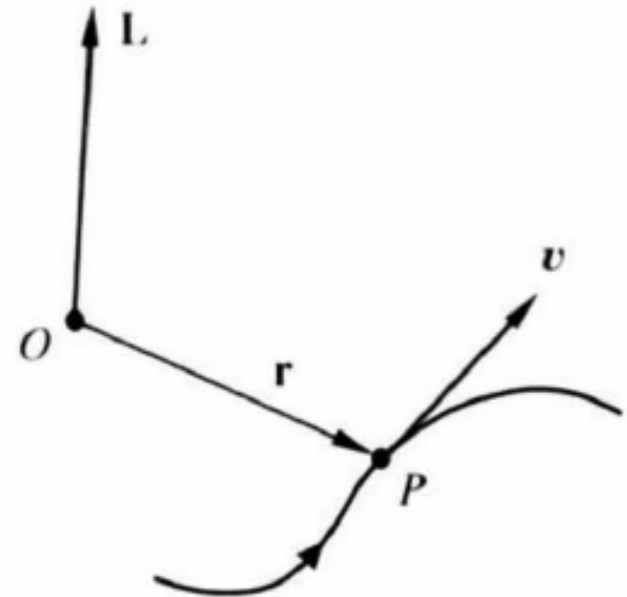
$\mathbf{L}$  è un vettore con componenti  $L_x$ ,  $L_y$ ,  $L_z$

Come costruiamo l'operatore quantomeccanico corrispondente a  $\mathbf{L}$ ?

Nota  
bene :

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v} = \mathbf{r} \times m(\mathbf{v}_r + \mathbf{v}_\theta) = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}_\theta$$

Solo la componente  $\mathbf{v}_\theta$  perpendicolare a  $\mathbf{r}$  conta nel calcolo di  $\mathbf{L}$ , e quella parallela dà 0.



# Momento angolare in Fisica Classica

- P = punto di massa m
- O = polo rispetto a cui viene calcolato  $\vec{L}$
- Definizione:

$$\mathbf{L} = \mathbf{r} \times \mathbf{p} = \mathbf{r} \times m\mathbf{v}$$

$\mathbf{L}$  è un vettore con componenti  $L_x, L_y, L_z$

Come costruiamo l'operatore quanto-meccanico corrispondente a  $\mathbf{L}$  ?

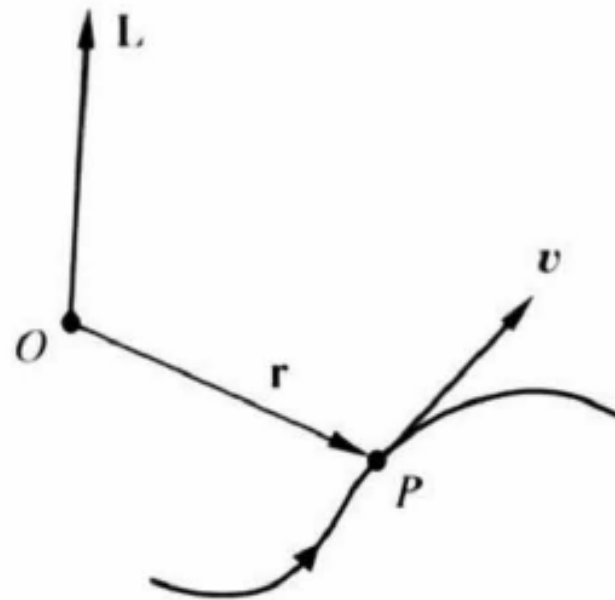
Dobbiamo sviluppare il prodotto vettoriale  $\mathbf{r} \times \mathbf{p}$

$$\mathbf{L} = \begin{vmatrix} \mathbf{i} & \mathbf{j} & \mathbf{k} \\ x & y & z \\ p_x & p_y & p_z \end{vmatrix}$$

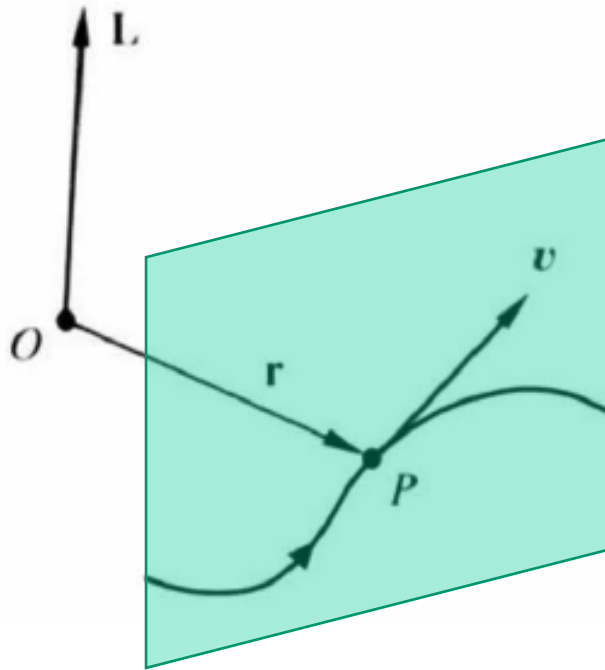
$\mathbf{i}, \mathbf{j}, \mathbf{k}$  sono i versori degli assi cartesiani

$x, y, z$  sono le componenti di  $\mathbf{r}$

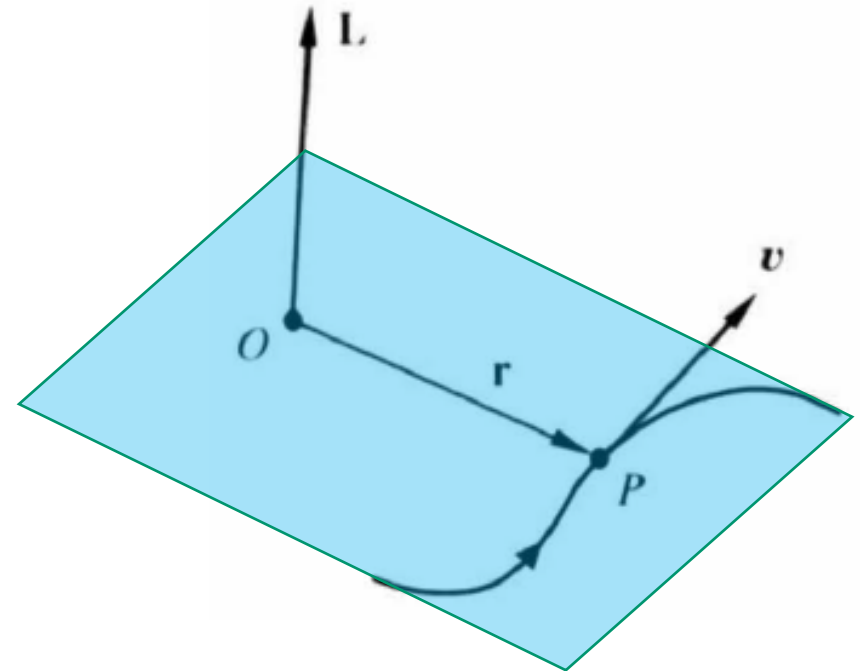
$p_x, p_y, p_z$  sono le componenti di  $\mathbf{p}$



# Momento angolare in Fisica Classica



Moto in un piano che  
**non contiene  $O$**



Moto in un piano che  
**contiene  $O$**

$L$  risulta ortogonale al piano azzurro  
ed il modulo di  $L$  vale

$$L = m r v_{\theta} = m r^2 \frac{d\theta}{dt}$$